



Universitat de Lleida

GUÍA DOCENTE  
**HERRAMIENTAS  
COMPUTACIONALES PARA LA  
RESOLUCIÓN DE PROBLEMAS**

Coordinación: MIRET BIOSCA, JOSE MARIA

Año académico 2017-18

## Información general de la asignatura

<b>Denominación</b>	HERRAMIENTAS COMPUTACIONALES PARA LA RESOLUCIÓN DE PROBLEMAS			
<b>Código</b>	102042			
<b>Semestre de impartición</b>	1R Q(SEMESTRE) EVALUACIÓN CONTINUADA			
<b>Carácter</b>	Grado/Máster	Curso	Carácter	Modalidad
	Grado en Ingeniería Informática	4	OBLIGATORIA	Presencial
<b>Número de créditos ECTS</b>	6			
<b>Grupos</b>	1GG			
<b>Créditos teóricos</b>	3			
<b>Créditos prácticos</b>	3			
<b>Coordinación</b>	MIRET BIOSCA, JOSE MARIA			
<b>Departamento/s</b>	MATEMATICA			
<b>Distribución carga docente entre la clase presencial y el trabajo autónomo del estudiante</b>	150 horas de trabajo 60 horas de clase presencial 90 horas de trabajo autónomo			
<b>Información importante sobre tratamiento de datos</b>	Consulte <a href="#">este enlace</a> para obtener más información.			
<b>Idioma/es de impartición</b>	Inglés			
<b>Horario de tutoría/lugar</b>	Concertar cita por correo electrónico.			

Profesor/a (es/as)	Dirección electrónica profesor/a (es/as)	Créditos impartidos por el profesorado	Horario de tutoría/lugar
MIRET BIOSCA, JOSE MARIA	miret@matematica.udl.cat	2,5	
PUJOLAS BOIX, JORDI	jpujolas@matematica.udl.cat	3,5	Miércoles 19:00 - 20:00 Despacho 1.20 EPS A concertar por correo electrónico.
GARRA ORONICH, RICARD JOSEP	garra@matematica.udl.cat	1,2	

## Información complementaria de la asignatura

Requisitos previos: Álgebra, Estadística y Optimización, Programación 1.

## Objetivos académicos de la asignatura

Los resultados de aprendizaje que el estudiante tiene que alcanzar en esta asignatura son:

- Solucionar sistemas de ecuaciones lineales por diferentes métodos directos: Gauss, LU y QR.
- Determinar los valores y vectores propios de una matriz cuadrada.
- Solucionar sistemas de ecuaciones lineales por métodos iterativos y conocer sus condiciones de convergencia.
- Conocer y utilizar las transformaciones geométricas del plano más habituales para desplazar objetos.
- Determinar el polinomio de interpolación de un conjunto de puntos del plano.
- Distribuir fragmentos de una clave mediante el esquema para compartir secretos de Shamir.
- Conocer y usar adecuadamente algoritmos de factorización y tests de primalidad.
- Cifrar, descifrar y firmar digitalmente con el criptosistema RSA y el criptosistema ElGamal.
- Adquirir habilidades para resolver problemas computacionales mediante el software matemático SAGE.

## Competencias

Competencias específicas de la titulación.

- GII-C1. Capacidad para tener un conocimiento profundo de los principios fundamentales y modelos de la computación y saberlos aplicar para interpretar, seleccionar, valorar, modelar, y crear nuevos conceptos, teorías, usos y desarrollos tecnológicos relacionados con la informática.
- GII-C3. Capacidad para evaluar la complejidad computacional de un problema, conocer estrategias algorítmicas que puedan conducir a su resolución y recomendar, desarrollar e implementar aquella que garantice el mejor rendimiento de acuerdo con los requisitos establecidos.

Competencias transversales de la titulación.

- EPS6. Capacidad de análisis y síntesis.

Competencias estratégicas de la UdL.

- CT2. Adquirir un dominio significativo de una lengua extranjera, especialmente del inglés.

- CT3. Adquirir capacitación en el uso de las nuevas tecnologías y de las tecnologías de la información y la comunicación.

## Contenidos fundamentales de la asignatura

1. Sistemas de ecuaciones lineales.
  1. Formulaci3n matricial.
  2. M3todo de Gauss.
  3. Factorizaci3n LU.
  4. Factorizaci3n QR.
  5. Norma de una matriz.
  6. Valores y vectores propios de matrices cuadradas.
  7. M3todos iterativos.
  8. El algoritmo PageRank.
2. Transformaciones geom3tricas en el plano.
  1. Transformaciones b3sicas.
  2. Representaci3n matricial y coordenadas homog3neas.
  3. Transformaciones inversas.
3. Interpolaci3n polin3mica.
  1. El anillo de polinomios.
  2. El algoritmo de Euclides para polinomios.
  3. Interpolaci3n polin3mica: el m3todo de Lagrange.
  4. Esquemas para compartir secretos: el esquema de Shamir.
4. Aritm3tica modular.
  1. Anillos de clases de residuos
  2. Cuerpos finitos.
  3. Tests de primalidad.
  4. Algoritmos de factorizaci3n.
5. Introducci3n a la Criptograf3a.
  1. Criptosistemas sim3tricos.
  2. Criptosistemas de clave p3blica.
  3. El problema de la factorizaci3n de enteros.
  4. El criptosistema RSA.
  5. El problema del logaritmo discreto.
  6. El criptosistema ElGamal.
  7. Firmas digitales.
  8. Criptograf3a con curvas el3pticas.

## Ejes metodol3gicos de la asignatura

Se combinan clases de teor3a, clases de problemas y clases con el software de c3lculo simb3lico SAGE. Las clases de teor3a aportan los conceptos b3sicos de la asignatura, incorporando ejemplos ilustrativos que facilitan la comprensi3n. En las clases de problemas se combinan la resoluci3n conjunta en la pizarra con la resoluci3n individual y en grupo de los estudiantes en el aula.

## Plan de desarrollo de la asignatura

Semana	Descripci3n	Actividad presencial	Trabajo aut3nomo
1	Introducci3n. Sistemas de ecuaciones lineales.	Presentaci3n de la asignatura. 1.1, 1.2: M3todo de Gauss.	Estudiar la bibliograf3a i el plan de la asignatura.

2	Sistemas de ecuaciones lineales.	1.3, 1.4: Descomposiciones QR y LU.	Ejercicios y problemas en SAGE.
3	Sistemas de ecuaciones lineales.	1.5,1.6, 1.7: Métodos iterativos.	El algoritmo Page Rank.
4	Transformaciones geométricas en el plano.	2.1: Transformaciones básicas en el plano.	Ejercicios y problemas en SAGE.
5	Transformaciones geométricas en el plano.	2.2, 2.3: Formulación matricial y transformaciones inversas.	Transformaciones en el plano en SAGE.
6	Interpolación polinómica.	3.1, 3.2: Anillos de polinomios. El algoritmo de Euclides en anillos de polinomios.	Ejercicios y problemas en SAGE.
7	Interpolación polinómica.	3.3, 3.4: Interpolación. Interpolación de Lagrange. El esquema de Shamir de compartición de secretos.	Ejercicios y problemas en SAGE. El esquema de Shamir en SAGE.
8	Aritmética modular.	4.1, 4.2: Anillos de clases de residuos. Cuerpos finitos.	Ejercicios y problemas en SAGE.
9		<b>1er Examen Parcial</b>	Preparación de examen.
10	Aritmética modular.	4.3, 4.4: Primalidad y factorización.	Ejercicios y problemas en SAGE.
11	Introducción a la criptografía.	5.1,5.2: Nociones básicas de criptografía.	Ejercicios y problemas en SAGE.
12	Introducción a la criptografía.	5.3, 5.4: Factorización y RSA.	El criptosistema RSA en SAGE.
13	Introducción a la criptografía.	5.5, 5.6: Logaritmos discretos y cifrado de El Gamal.	El cifrado de El Gamal en SAGE.
14	Introducción a la criptografía.	5.7: Firma digital.	Ejercicios y problemas en SAGE.
15	Introducción a la criptografía.	5.8: Criptografía con curvas elípticas.	Ejercicios y problemas en SAGE.
16		<b>2o Examen Parcial</b>	Preparación de examen.
17		<b>2o Examen Parcial</b>	Preparación de examen.
18		Exposiciones orales.	Preparación de presentaciones orales.
19		<b>Recuperación</b>	Preparación examen.

## Sistema de evaluación

Abr.	Actividad de evaluación	Ponderación	Nota mínima	En grupo	Obligatoria	Recuperable
C1	Práctica de SAGE	10%	NO	NO	SI	NO
P1	1r Examen Parcial	40%	1.5	NO	SI	SI
C2	Presentación oral	10%	NO	SI (<=2)	SI	NO

P2	2o Examen Parcial	40%	1.5	NO	SI	SI
PCL	Participación en classe	0,5 puntos	NO	NO	NO	NO
Los exámenes parciales, la práctica de SAGE y la presentación oral son obligatorios.						
<b>Nota Final</b> = $0,1 \cdot C1 + 0,4 \cdot P1 + 0,1 \cdot C2 + 0,4 \cdot P2 + 0,05 \cdot PCL$						

La asignatura se supera si la nota final es igual a 5 o superior. La nota final es la suma ponderada de los exámenes parciales, la práctica de SAGE, de la presentación oral y adicionalmente de un máximo de 0,5 puntos de participación en clase y evaluación continua. Los exámenes parciales son por escrito, tienen un peso del 40% sobre la nota final cada uno de ellos y tienen una nota mínima de 1,5 puntos para a ser evaluables. Los exámenes parciales, la práctica de SAGE y la presentación oral son obligatorios. Se pueden obtener hasta 0,5 puntos extras por una participación activa en clase y por otras actividades de evaluación continua que serán debidamente anunciadas. El examen de recuperación consta del 1er o del 2o parcial o de ambos, a criterio del estudiante.

## Bibliografía y recursos de información

- H. Anton, Elementary Linear Algebra. Ed. John Wiley & Sons, 1994.
- A. Aubanell, A. Benseny, A. Delshams, Eines bàsiques de Càlcul Numèric, Ed. Manuals UAB, 1991.
- D.M. Bressoud, Factorization and Primality Testing. Ed. Springer, 1989.
- L. Childs, A Concrete Introduction to Higher Algebra. Ed. Springer, 1988.
- S. Lang, Algebra. Ed. Addison-Wesley, 1999.
- R. Lidl, H. Niederreiter, Finite Fields, Ed. Cambridge University Press, 2003.
- W. Stein, Elementary Number Theory: Primes, Congruences and Secrets. Ed. springer, 2009.
- J. Stoer, R. Bulirsch, Introduction to Numerical Analysis, Springer, 1993.